Introduction à la Science des matériaux - Faculté STI

Génie mécanique

Cours No 5.2 Elasticité- Plasticité

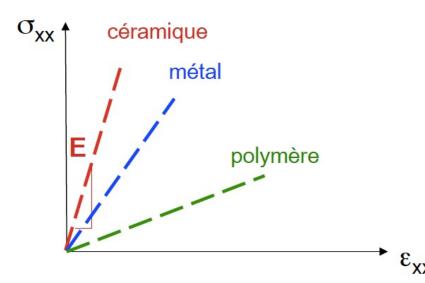
V.Michaud

Ecole Polytechnique Fédérale de Lausanne



Rappels

- Pour l'étude des processus mis en jeu lors de la déformation des matériaux, on considère des contraintes (force par unité de surface) et des déformations (variation de longueur normalisée par la longueur initiale).
- Dans le régime d'élasticité linéaire, la contrainte en traction uni-axiale est reliée à la déformation le long de cet axe par une relation linéaire de coefficient de proportionnalité E, est appelé module d'Young ou module d'élasticité.
- Ce module a pour dimension Pa = N.m⁻², (qui est aussi écrit en J.m⁻³ quand on considère l'énergie, car 1J=1N.m par définition). Il varie de plusieurs ordres de grandeurs selon les matériaux, de quelques MPa pour certains polymères, a des centaines de GPa pour les céramiques (quelques dizaines pour les métaux).



- E est lié à l'énergie de liaison entre les atomes
- E représente la rigidité d'un matériau: plus E est grand, plus il est rigide
- E a la dimension d'une contrainte (Pa)

Rappels

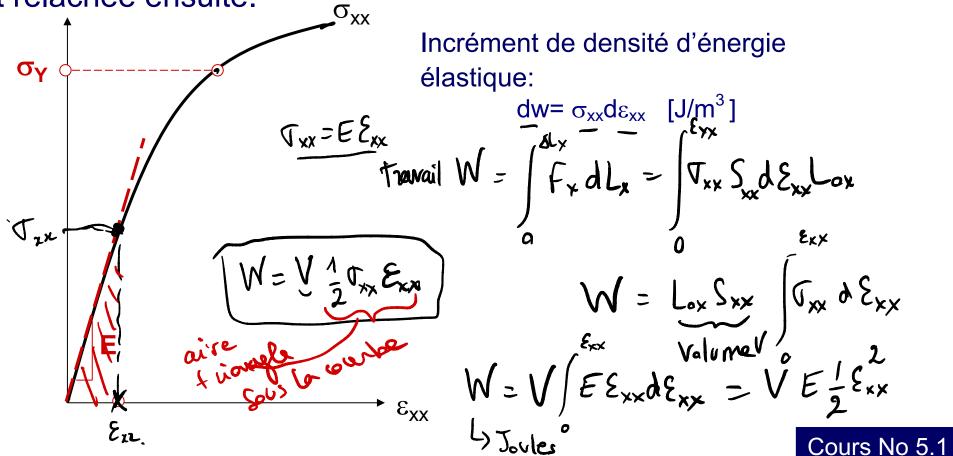
- L'origine de l'élasticité linéaire se trouve au niveau des liaisons des atomes et la valeur de E est directement reliée au potentiel d'interaction entre les atomes (donc au type de liaison et de la structure cristalline).
- Une élongation (ou contraction) selon une direction induit une déformation dans les directions transverses. Ceci est représenté par le coefficient de Poisson, relié aussi au changement de volume du matériau sous contrainte.

Objectifs du cours

- Découvrir le principe de l'énergie élastique et voir comment on peut calculer l'énergie emmagasinée/restituée
- Découvrir la déformation plastique
- Découvrir quelques critères de choix des matériaux à l'aide des diagrammes d'Ashby

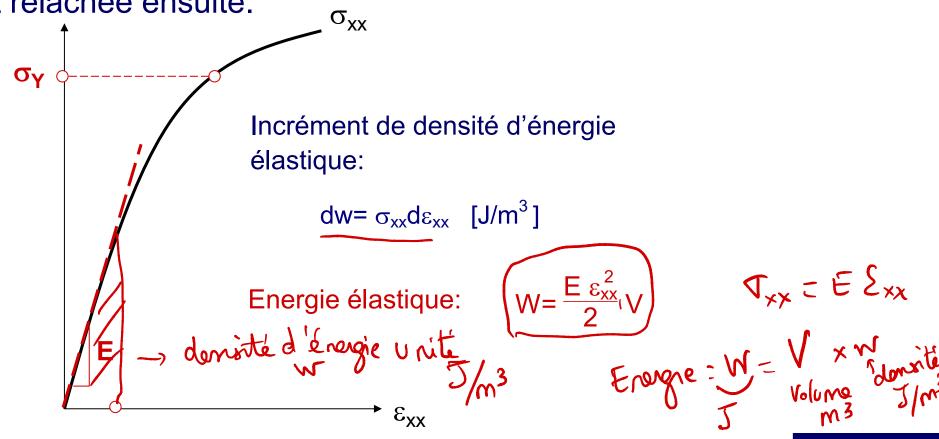
Stockage d'énergie

Si on déforme un matériau en restant dans le domaine élastique, le matériau revient à sa forme initiale quand on relâche la contrainte. L'énergie élastique est stockée pendant la déformation et relachée ensuite.

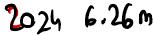


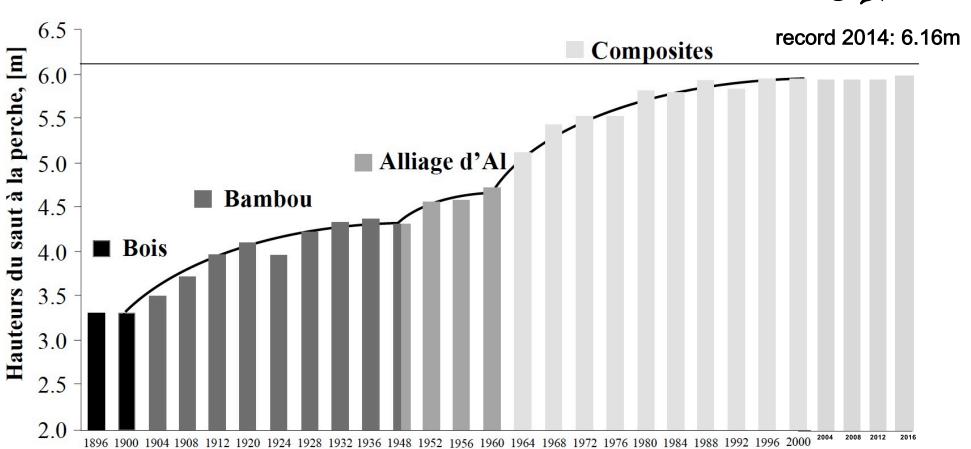
Stockage d'énergie

Si on déforme un matériau en restant dans le domaine élastique, le matériau revient à sa forme initiale quand on relâche la contrainte. L'énergie élastique est stockée pendant la déformation et relâchée ensuite.



Exemple: perche de saut



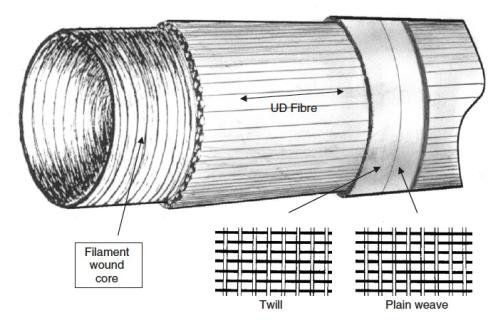


Performance aux Jeux Olympiques depuis 1896->2016

Exemple: perche de saut

- 1- bois (Fresne, chataigner, chêne, cedre)
- 2- Bambou (1905)
- 3- Aluminium
- 4- Construction composite, sur un mandrin en alu qui se retire ensuite.



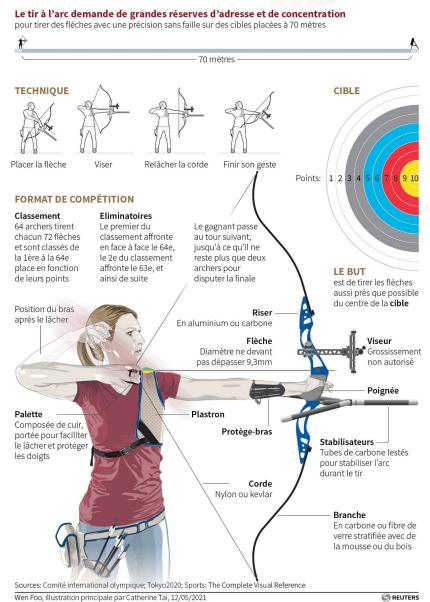


Autres exemples

Arc, cannes de Hockey...

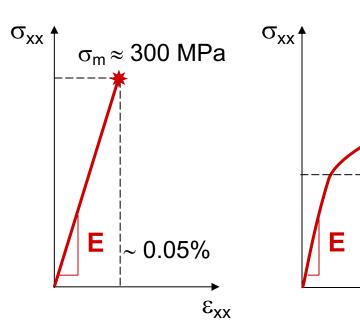
Ressorts, bandes élastiques

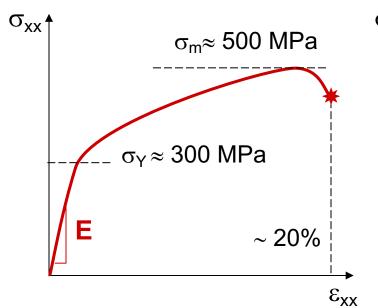


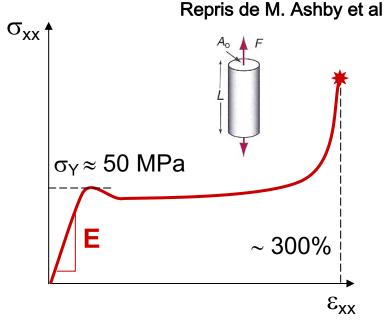


Comportement seulement élastique?

La plupart des matériaux ont un comportement mécanique beaucoup plus complexe que ne le décrit l'élasticité linéaire.







Céramiques

Comportement quasiélastique jusqu'à la rupture. Très faible ductilité.

Métaux

Comportement élastique, puis plastique avec durcissement, striction et rupture. Bonne ductilité.

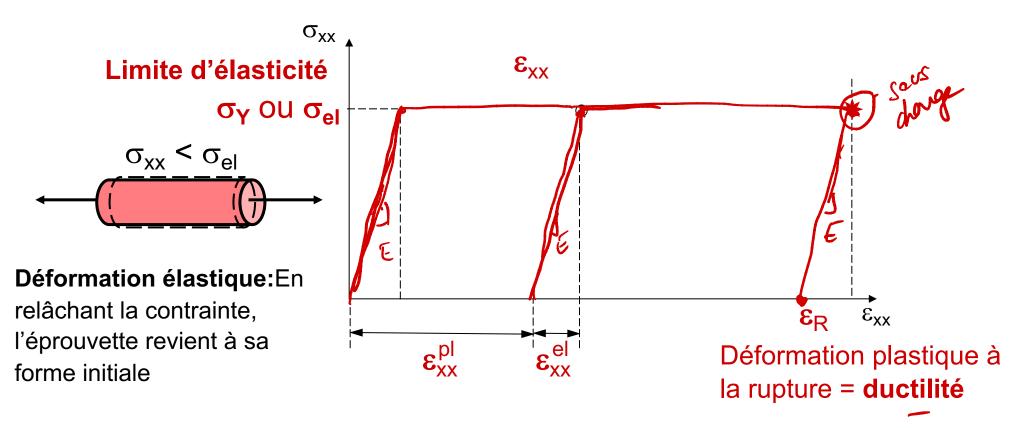
Polymères ductiles

Faible limite élastique, grande ductilité, durcissement final et rupture.

Cours No 5.2

Plasticité des métaux

Pour un métal, comportement idéalisé élastique-plastique, a la courbe de traction suivante:



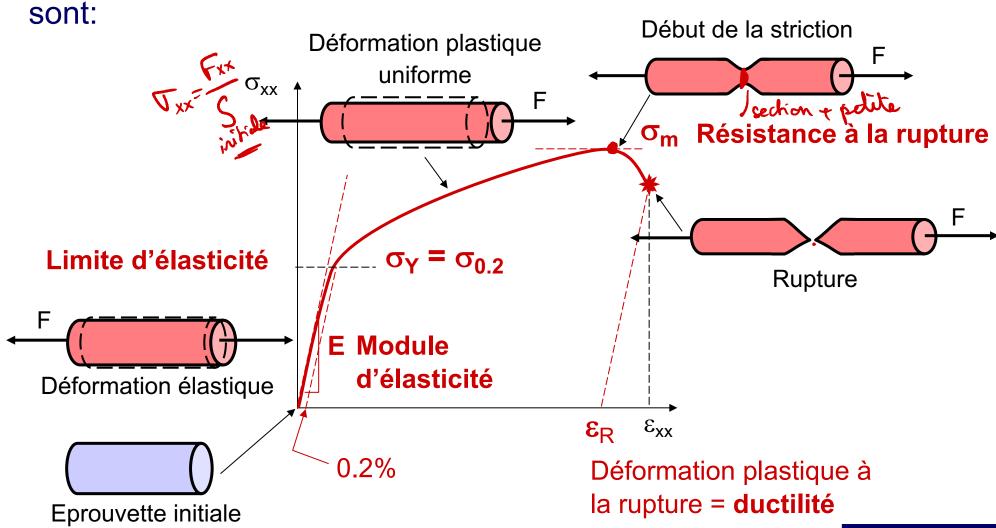
Cours No 5.2

Déformation plastique: Au-delà de $\varepsilon_{xx} = \sigma_{el}/E$, la contrainte est constante et le corps se déforme plastiquement. Une fois la contrainte relâchée, l'éprouvette n'a plus la même forme et garde une déformation plastique résiduelle.

11

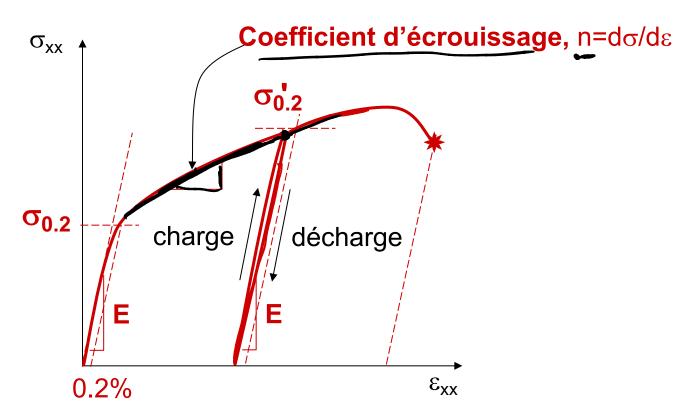
Plasticité des métaux

Pour un métal typique, les étapes de la déformation en traction



Plasticité des métaux

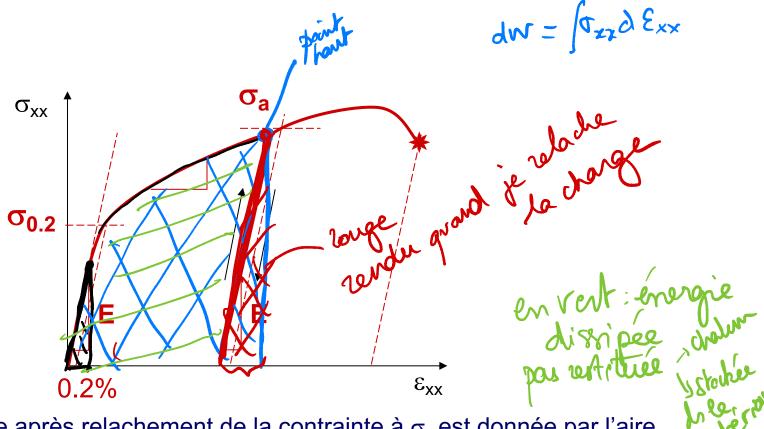
Lors de décharges/recharges, la limite élastique augmente: il y a durcissement du matériau, que l'on appelle écrouissage



Si E est quasiment fixé pour un type de matériau, tous les autres paramètres dépendent de la microstructure.

Energie dissipée et énergie restituée

Si la limite d'élasticité est dépassée, la déformation non-élastique dissipe de l'énergie, qui ne sera pas restituée à la décharge.

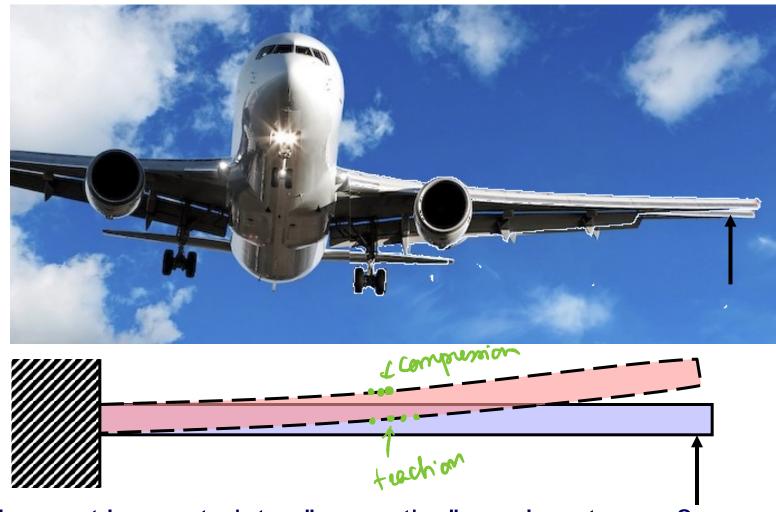


L'énergie dissipée après relachement de la contrainte à σ_a est donnée par l'aire colorée en rouge sous la courbe. L'énergie restituée est donnée par l'aire colorée en vert.

14

Critères de choix des matériaux

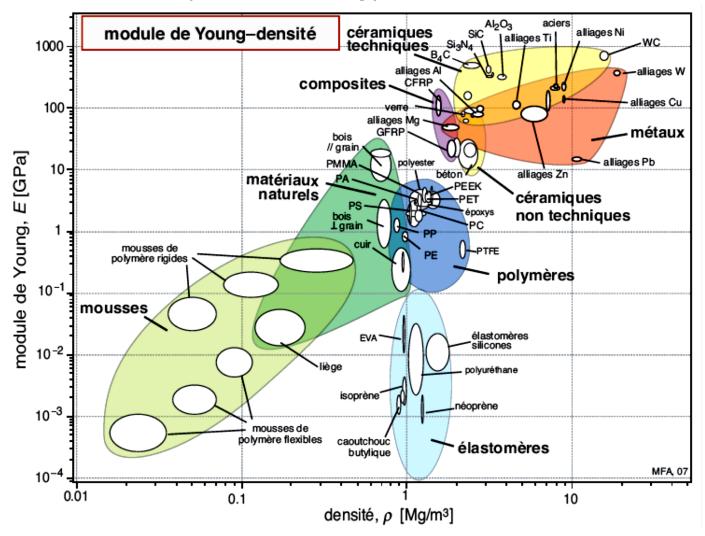
Une situation réelle de déformation élastique:



Quelles sont les contraintes "ressenties" par les atomes ?

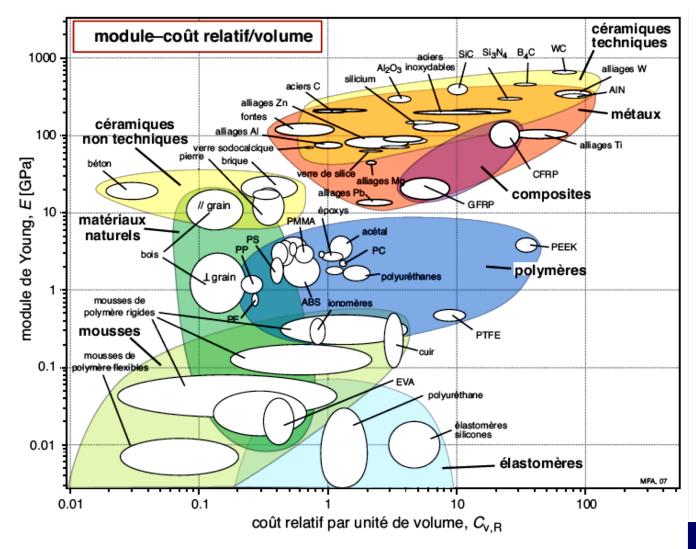
Choix des matériaux

Les cartes d'Ashby donnent une représentation graphique du module d'élasticité (ou de Young) en fonction de la densité...



Choix des matériaux

... ou du prix.



Type de sollicitation : traction

Le choix d'un matériau dépend de plusieurs facteurs: type de sollicitation, charge maximum, prix, etc. On peut définir un **indice de rigidité spécifique**:

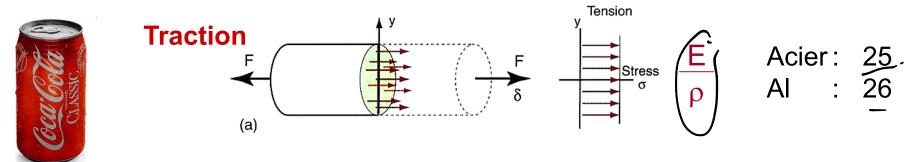
Exemple: Tige rigide, longueur initiale L_0 , aire A, on veut que son élongation Δl soit inférieure à une valeur donnée pour une charge donnée, mais avec une masse m la plus faible possible:

m la petite possible

$$\Delta l < \Delta l \max \text{ impose}$$
 $m = \rho \times V = \rho A L_0 \rightarrow A = \frac{m}{\rho L_0} \qquad \frac{m}{\rho L_0} = \frac{F L_0}{E \Delta l}$
 $\frac{F}{A} = E \frac{\Delta l}{L_0} \rightarrow A = \frac{F L_0}{E \Delta l} \qquad \frac{m}{\rho L_0} = \frac{F L_0}{E \Delta l} \qquad \frac{E L_0}{E \Delta l} \qquad \frac{m}{\rho L_0} = \frac{m}{\rho L_0} = \frac{m}{\rho L_0} = \frac{m}{\rho L_0} \qquad \frac{m}{\rho L_0} = \frac{m}{\rho L_0} = \frac{m}{\rho L_0} \qquad \frac{m}{\rho L_0} = \frac$

Type de sollicitation : traction

Le choix d'un matériau dépend de plusieurs facteurs: type de sollicitation, charge maximum, prix, etc. On peut définir un **indice de rigidité spécifique**:



Exemple: Tige rigide, longueur initiale L_0 , aire A, on veut que son élongation Δl soit inférieure à une valeur donnée pour une charge donnée, mais avec une masse m la plus faible possible: $m=AL_0\rho$

 $F/A = E \Delta I/L_0$

On peut éliminerA pour avoir

$$m = F/\Delta I (L_0)^2 (\rho/E)$$

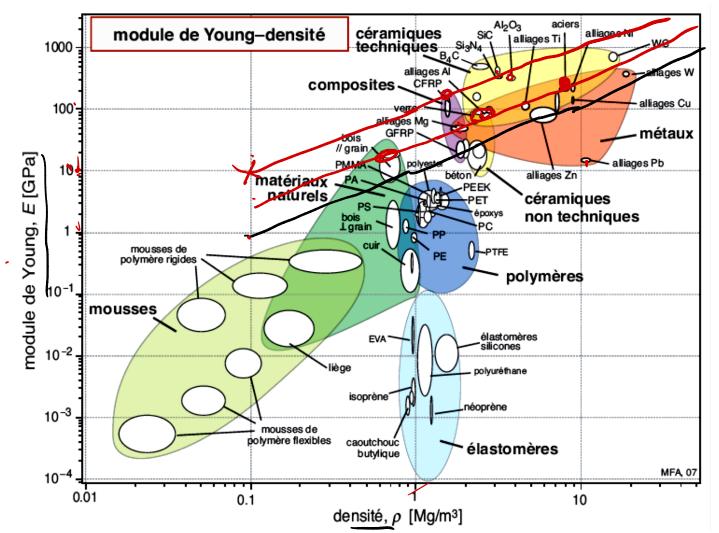
Il faut que E/ρ soit le plus grand possible

Α

Propriétés élastiques des matériaux

Les cartes d'Ashby permettent de faire une présélection de la

rigidité d'un matériau suivant son mode de sollicitation.



$$\frac{1}{p} = k$$

$$\log(\frac{E}{p}) = \log k$$

$$\log E = \log p = \log k$$

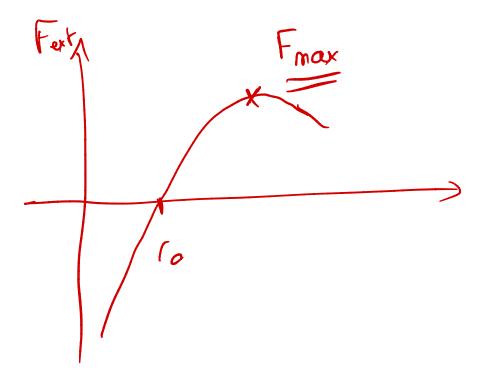
$$\log E = \log p + \log k$$

$$\log E = \log p + \log k$$

$$\log E = \log p + \log k$$

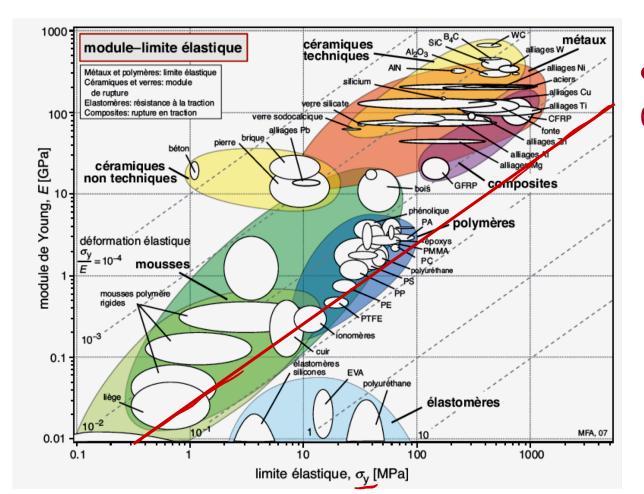
Limite d'élasticité théorique des matériaux

La **limite d'élasticité** σ_{el} (ou σ_{Y}) théorique peut être calculée, elle correspond à la force max (E/27 calculé par le potentiel de Leenards Jones, E/15 doné dans le livre d'Ashby avec un autre potentiel).



Limite d'élasticité des matériaux

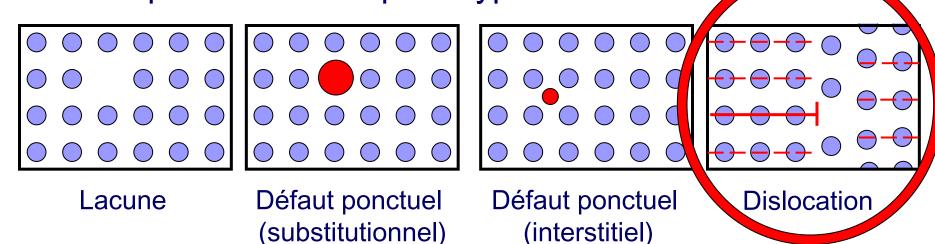
La **limite d'élasticité** σ_{el} (ou σ_{Y}) théorique peut être calculée, elle correspond à la force max (E/27 calculé par le potentiel de Leenards Jones, E/15 doné dans le livre d'Ashby avec un autre potentiel). En pratique elle est beaucoup plus faible, et varie beaucoup pour un même matériau. Pourquoi?



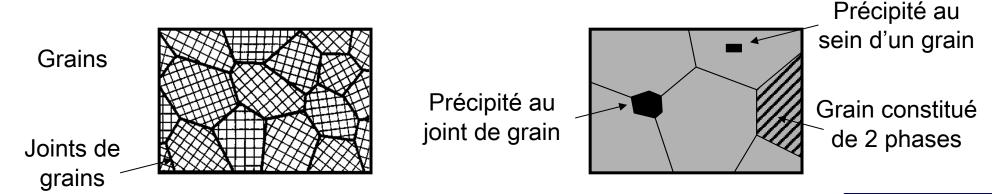
$$\sigma_{\rm m}^{\rm LJ} = \frac{\rm E}{27} = 0.037 \rm E$$

Les défauts dans les matériaux cristallins

Le cristal parfait n'existe pas! Types de défauts



Mais surtout, la plupart des matériaux sont polycristallins et composés de plusieurs phases (multiphasés)



Résumé

- L'élasticité permet de stocker et restituer de l'énergie.
- La plasticité des matériaux correspond à une déformation non réversible, qui dissipe de l'énergie.
- Les cartes d'Ashby permettent de choisir les matériaux pour un type de sollicitation donné, qui minimisent par exemple la masse.

A retenir du cours d'aujourd'hui

- Connaître les définitions de limite d'élasticité, plasticité, ductilité, écrouissage.
- Savoir, à partir d'une courbe contrainte-déformation, retrouver le module E, la limite d'élasticité, le taux d'écrouissage, l'énergie dissipée, l'énergie restituée.
- Savoir, à partir de cartes d'Ashby, retrouver des matériaux équivalents en rigidité spécifique.